# Computed Radiographyの解像特性評価における presampling MTF の簡易測定法の開発

# Measurement of presampling MTF for the computed tomography

佐々木 恒平\* 真田 哲也\* 八重樫 祐司\*

Kohei Sasaki, Tetsuya Sanada and Yuji Yaegashi

### Abstract

The modulation transfer function (MTF) of radiography images is one of important index to evaluate the resolution property of digital radiography systems. A lot of methods for measurement of MTF has been developed to measure more precisely and easily.

In this study, we propose novel methodology for measurement of the presampling MTF utilizing composite line spread function (LSF). First, the X-ray slit image was made by exposing the slit with 10  $\mu$  m aperture on a imaging plate. Using the composite LSF, we eliminated the truncation error by means of making the sampling intervals smaller. Next, we obtained the composed LSF from the X-ray slit images. Finally, we calculated the presampling MTF of computed radiography system and compared with the film-screeen system as analog systems obtained from a literature.

The presampling MTF measured by our proposed methods was agreed with previous study reported by Matsuo et al. Moreover, in comparing to analog system, it was indicated that our method was able to measure the presampling MTF properly.

### 1. 背景

解像特性(resolution property)とは、画像の鮮鋭 さ(sharpness)を表す特性であり、光学伝達関数 (optical transfer function: OTF)を用いて完全に 表す事が出来る。解像特性が優れているという事は、 ボケが少なく画像が鮮鋭である事を意味する。これと は逆に、解像特性が劣っているとは、画像がボケて非 鮮鋭であることを意味する。X線画像の形成過程にお いて、画像がボケる原因にはX線管球の焦点寸法によ る半影、撮影中の被写体の動きによる不鋭、X線検出 器のボケ、信号伝達・処理系、画像処理の効果、画像 表示系のボケなど、多くの因子が関係する。

OTF とは PSF (point spread function) の二次元 フーリエ変換を行った結果で、空間周波数領域におけ る信号伝達関数 (レスポンス関数)を表す。OTF は、複 素関数で、その絶対値を MTF (modulation transfer function:振幅伝達関数)、位相成分を PTF (phase transfer function:位相伝達関数)という。MTF は電 気系の周波数特性と同様に振幅の伝達特性を示すもの である。電気系では入力特性より先に出力信号が生じ ず、必ず位相のずれを伴うために MTF と PTF を考慮し て評価する。一方多くの画像システムは等方的な広が り関数を示し、位相成分はゼロであるため PTF は考慮 せず、MTF によって画像特性を評価する事が可能であ る。ここで広がり関数は、PSF では原点対象、LSF(line spread function)では左右対称となる。

MTFには二つの定義がある。ひとつは、PSFのフー リエ変換である。PSF を正確に求める事は技術的に難 しいので、金属スリットを撮影して得たLSFのフーリ エ変換を行うのが一般的であり、これをスリット法と 呼ぶ。もう一つは、色々な周期を持つ正弦波の入力に 対する、出力側のコントラスト比を調べる定義である。 実際には、異なる周期を持つ正弦波をX線分布で得る 事が技術的に困難である事から、色々な周期を持つ矩 形波テストパターンを撮影して測定を行う。この手法 は、矩形波レスポンス関数(square wave response function: SWRF) 法、または矩形波チャート法と呼ぶ。 二つの定義に基づく MTF は理論的に一致する。また、 スリット法と矩形波チャート法で測定した結果は、異 なる施設間で測定した変動の範囲内でよく対応する事 が実験的に確かめられているが、いずれの方法も高い 正確度と再現性のある結果を出すには、多くの経験を 必要とする。本論文では開口幅 10 µm の金属スリット を使用する方法を採用した。

金属スリットを用いた方法をディジタル画像の解 像特性の評価として用いたときには、位置不変性が成 立しないために生ずるエリアシングエラー等の影響に より正確な MTF が求められない事が知られている。位 置不変性とは画像上のどの場所においても同じ PSF が 得られる性質をいう。増感紙-フィルム系では、PSF は 等方的であり、かつ、位置不変性が成り立つと考えら れているが、ディジタル系では、離散的にデータを取 り込むために、厳密な意味では位置不変性が成り立た ない。これらの理由から、ディジタル画像の解像特性 の評価には藤田らが報告した「プリサンプリング MTF (presampling MTF)」を用いた評価方法<sup>(1)</sup>が一般的に 用いられている。

プリサンプリング MTF の主な測定方法には二つの 方法がある。一つ目の方法は、信号(ここでは、スリ ット像)がピクセルの中心に位置している配置(以下、 センター配置)で得たLSFから計算したディジタルMTF と信号がピクセルとピクセルのちょうど間にある配置 (以下、半ピクセルシフト配置)で得た LSF から計算 したディジタル MTF からプリサンプリング MTF を求め る方法である。二つ目の方法は、センター配置からセ ンター配置、または、半ピクセルシフト配置までの間 に含まれるスリット像に対して直交方向の多数の配置 の LSF を合成し、見かけ上、サンプリング間隔の細か い1本のLSF(以下、合成LSF)を求めてプリサンプリ ング MTF を計算する方法である。ディジタル画像は、 DICOM 規格で出力した画像データをパソコンに取り込 む事ができ、そのディジタルデータを利用すれば、デ ィジタルの特性曲線、MTF、ウィナースペクトル等を計 算する事が可能である。

しかしながら、これらの方法でディジタル画像の プリサンプリング MTF を求める場合、前者ではセンタ 一配置や半ピクセルシフトは位置の LSF を見つける事 は困難である。また、これらの配置を見つけたとして もデータ数が少ないときは正確な LSF とはいえない。

後者ではセンター配置や半ピクセル配置をスリット 像に対して、直交方向での多数配置のLSF を合成する 必要があるといった問題点もある。

臨床に使用される X 線画像の解像特性を測定し画像 の特性を知る事は非常に重要であるが、自施設で測定 を行うにはその方法は再現性があり、なおかつ、簡易 な方法であることが必要である。

そこで、本論文では、スリット像に平行な方向の 1本のプロファイルカーブを合成LSFを用いる方法に より、プリサンプリング MTF を用いた CR (computed radiography)の解像特性を評価する、自施設での測定 に適した方法を提案する。

・富士フィルム社製 IP (imaging plate) 四つ 切サイズ

マトリックスサイズ 1670×2010 ピクセルサ イズ 150μm

・富士フィルム社製 CR 読み取り機 PROFECT CS 2. 方法

### 2.1. ディジタル特性曲線の作成

X 線検出器に入射した相対露光量の対数を横軸に とり、A/D 変換後のディジタル値(ピクセル値)を縦軸 にプロットした入出力特性をディジタル特性曲線と呼 ぶ。ディジタル特性曲線は、システムの中でも特に重 要なコンポートネントである X 線検出器から信号増幅 系、ADC (analog-digital converter) などの変換特性 を含んでいる事からディジタル画像システムに固有な 入出力特性と言える。

フィルム特性曲線の測定は、特性曲線の横軸の決 定方法の違いにより、距離法、bootstrap 法、タイムス ケール法などに細分される。距離法や bootstrap 法で は、撮影時間が一定であるが、X線量を距離、またはア ルミニウムなどの吸収体で X線強度で変化させるため、 強度スケール法と呼ばれている。一方、タイムスケー ル法では、撮影時間を変化させて、横軸を決定してい る。これらの方法の中で、ディジタル系にもそのまま 応用出来るのは、距離法とタイムスケール法である。 ディジタル画像の場合、増感紙/フィルム系と異なり 相反則が成立するため、タイムスケール法にて測定を 行った。条件は、X線管-IP 間距離を 100cm、管電圧 60kVp、管電流 500mA を一定とし、露光時間を段階的に 変化させた。

PC に取り込んだデータ (DICOM ファイル)を Image-J で開き、特性曲線のディジタル値を測定した。この 画像上に関心領域 (ROI)を設定し、ROI 内の最大、最 小、平均ディジタル値を測定した。また、MTF の計算で はスリット像のディジタル値を相対露光量に変換する ため、横軸にディジタル値を、縦軸に相対露光量をプ ロットしたグラフを作成して近似関数も計算した。作 成したディジタル特性曲線(図1)、ディジタル値-相 対露光量の関係(図2)を示す。

2000 デジタル 加 1000 1000 1001 1001 1001 1000 日対露光量(常用対数)





図2 相対露光量とディジタル値の関係

### 2.2. X線スリットの撮影

スリット法による MTF 測定の正確度や再現性に影響を及ぼす主な技術的因子には、前述したように、用いる金属スリットの幅、トランケーションエラー、エリアシングエラー、などが知られている。これらの内容を以下に示す。

使用する金属スリット(開口幅10μm、スリット長3cm)は、X線吸収の高い材質で作られており、金属ス リットに対して垂直な方向に入射するX線だけを通過 させるように、スリット幅と高さ(厚さ)の比は、1: 100以上となるように十分に大きくしている。金属ス リットの幅は、できるだけ狭い事が望ましい。スリッ ト幅による線像の広がりはシステム自体のボケによる 広がりに加わるために、測定した MTF はシステム自体 によるボケだけでなく、有限の大きさをもつスリット 幅によるボケを含んだものとなる。このようなスリッ ト幅の MTF の影響は、スリット幅が10μm 程度であれ ばほとんど無視できるくらいに小さいが、実際の測定 ではあまりにもスリットの幅が狭いと、X 線ビームの 中心を金属スリットの間に正確に通過させるような幾 何学的な配置を得る事が難しいだけでなく、線像を得 るのに十分な X 線量を透過させることができない。そ こで、本論文では 10μm幅のスリットを用いた。



(b) X 線スリット撮影の実験配置とスリット像図3 実験配置とスリット像

撮影時の配置を(図 3a) に示す。四切 IP の上に後 方散乱を防ぐための薄い発泡スチロールを置き、その 上にスリットを配置した。この際、スリットの開口部 を IP の読み取り方向に垂直から 2~3 度斜めにするよ うに配置した。撮影されたスリット像を(図 3b)に示 す。撮影条件は管電圧 85kVp、500mA、200ms、X線管-IP 間距離 160cm とした。この撮影条件は合成 LSF のピ ークが最高ディジタル値の 80%程度になるように設定 した。画像読取条件はFIXモードで固定にし、S値 200、 L 値 2.99、GT は A タイプで線形とした。

### 2.3. スリット像のディジタル化

PCに取り込んだスリット像から、ディジタルデー タを得る手順は以下の通りである。PCに取り込んだス リット生データ (DICOM ファイル) は、ディジタル特性 曲線と同じ Image-J で開く事が出来る。図 3b に示す スリット像から、計算に必要な領域を囲みディジタル 画像データをテキストデータで保存した。CR における スリット像のディジタルデータでは、X 線が透過して いない部分はディジタル値が0となる。これは、CR 装 置はダイナミックレンジをL 値で限定して、S 値その 位置を変化させているため、ある線量以下の画素値は 線量が0でなくても出力を0に設定するためである。

#### 2.4. 合成 LSF の作成

本研究では、さまざまなアライメントで得た LSF を合成し、実効的にサンプリング間隔を小さくした合 成 LSF から MTF を計算する方法を提案する。スリット を IP の読取走査方向に対して垂直にわずかに角度を つけ、さまざまなアライメントの LSF を得た。この方 法により、サンプリング間隔が小さな合成 LSF が得ら れる。さらに、トランケーションエラーをさけるため に、合成後の LSF の裾野の部分を指数関数で外挿した LSF を使用した。このように、サンプリング間隔が小 さくなった合成 LSF から MTF を計算することで、エリ アシングエラーが含まれないプリサンプリング MTF が 得る事が可能となる。得られた合成 LSF を図4に示す。 図 4 のように、得られたさまざまなアライメントの 各々の LSF を合成した。



図4 様々なアライメントで得た LSF の合成

### 2.5. 合成 LSF から MTF を計算

光伝達関数 OTF (u)は、線像強度分布 (LSF)のフー リエ変換と定義され、式 (1) のように表される<sup>(2)</sup>。  $OTF(u) = \int_{-\infty}^{\infty} LSF(x)e^{-2\pi ux}dx \cdot \cdot \cdot (1)$ また、式 (1) は、オイラーの公式より、  $A = iB = |OTF(u)|e^{-i\delta w}$  $A = \int_{-\infty}^{\infty} LSF(x) \cos 2\pi ux dx$  $B = \int_{-\infty}^{\infty} LSF(x) \sin 2\pi ux dx$  となり、MTF は OTF (LSF のフーリエ変換)の絶対値 であるため

$$MTF(u) = |OTF(u)| = \sqrt{A^2 + B^2}$$

$$\delta_w = tan^{-1} \frac{B}{A}$$

と定義される。ただし、u は空間周波数、 $\delta_w$ は位相である。

合成 LSF 法によってサンプリング間隔を狭くしても、 離散値であるため、離散フーリエ変換(Discrete Fourier Transform: DFT)によって計算する事が可能 である。離散フーリエ変換は以下で表される。

$$OTF(u) = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} LSF(n) e^{-inu(2\pi/N)} \cdot \cdot \cdot (2)$$
  
(u=0, 1, ..., N-1)

式(2)を実数部、虚数部で表すと、

$$a = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} LSF(n) \cos\left(\frac{2\pi u n}{N}\right)$$
$$b = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} LSF(n) \sin\left(\frac{2\pi u n}{N}\right)$$

となる。Uは空間周波数、nは合成LSFの位置、Nは セグメント数を表す。MTF はアナログと同様に式(3) にて表される。

 $MTF(u) = |OTF(u)| = \sqrt{a^2 + b^2} \cdot \cdot \cdot (3)$ 

#### 3. 結果·考察

この離散フーリエ変換によって得られたプリサン プリング MTF を図 5 に示す。次に文献の増感紙-フィ ルム系の MTF<sup>(5)</sup>との比較を図 6 に示す。

増感紙-フィルム系の MTF は空間周波数が約 8(cycles/mm)付近で0になっているが、今回測定した CR のプリサンプリング MTF は約6(cycles/mm)付近で0 になっている。これは先行研究<sup>(3,4)</sup>と比較して妥当な値 である。





図6 フィルム-増感紙系<sup>(5)</sup>との比較

### 4. 結語

本研究で提案した CR のプリサンプリング MTF 測 定法で得られた MTF は文献値と比較し、良い一致を示 した。また、本提案法は実験のセットアップも容易で、 一人でも測定する事が可能であった。しかし、測定の 再現性を高めるには手技の習熟が必要であり、特に X 線スリットに対し、斜入せずに X 線を曝射するための 配置を設定することに時間と手間を要する。その点に 関して、方法の改良が必要だと考える。

## 5. 参考文献

- H. Fujita et al., "A Simple Method for Determining the Modulation Transfer Function in Digital Radiography", IEEE TRANSACTION ON MEDICAL IMAGING, 11(1), 1992.
- (2) 桂川茂彦 編, "医用画像情報学", 南山堂, p.66-91, 2002.
- (3) 井手口忠光, "表計算ソフト Excel を用いたプリサンプリング MTF の実践的測定法", INNERVISION(18・11), 2003.
- (4) 松尾悟,小水満他,"CRにおけるプリサンプリング MTF 測定法の検討",日本放射線技術學會雑誌,54(10), p.1191-1199, 1998.
- (5) G. Holje, K. Doi et al., "SENSITIVITY, SENSITOMETRY, RESOLUTION, AND NOISE CHARACTERISTICS OF NEW SCREEN-FILM SYSTEMS", Nippon Hoshasen Gijutsu Gakkai Zasshi, 39(4), p.426-447, 1983.